

Distribuciones especiales discretas

Ley de Probabilidad	Función de probabilidad	Función Generatriz $E(e^{xt}) = \phi_x(t)$	Parámetros	Media $E(x)$	Varianza
Bernoulli; $B(1, p)$	$P(X=1) = p$ $P(X=0) = q = 1-p$	$pe^t + q$	$0 < p < 1$	p	pq
Binomial; $B(n, p)$	$P(X=r) = \binom{n}{r} p^r q^{n-r};$ $r = 0, 1, \dots, n$	$(pe^t + q)^n$	n, p $n = 1, 2, \dots$ $0 < p < 1$	np	npq
Poisson; $P(\lambda)$	$P(X=r) = \frac{\lambda^r}{r!} e^{-\lambda};$ $r = 0, 1, \dots$	$e^{\lambda(e^t-1)}$	$\lambda > 0$	λ	λ
Geométrica; $G(p)$	$P(X=r) = pq^r;$ $r = 0, 1, 2, \dots$	$\frac{p}{1 - qe^t}$	$0 \leq p \leq 1$	$\frac{q}{p}$	$\frac{q}{p^2}$
Binomial negativa; $BN(p, n)$	$P(X=r) = \binom{n+r-1}{r} p^n q^r;$ $r = 0, 1, \dots$	$\left(\frac{p}{1 - qe^t}\right)^n$	$n > 0$ $0 \leq p \leq 1$	$\frac{nq}{p}$	$\frac{nq}{p^2}$
Hipergeométrica	$p(X=r) = \frac{\binom{Np}{r} \binom{Nq}{n-r}}{\binom{N}{n}};$ $r = 0, 1, \dots, n$		$N = 1, 2, \dots$ $n = 1, 2, \dots, N$	np	$npq \left(\frac{N-n}{N-1}\right)$

Distribuciones especiales Continuas (I)

Ley de Probabilidad	Función de densidad	Función Generatriz $E(e^{xt}) = \phi_x(t)$	Parámetros	Media $E(x)$	Varianza
Uniforme; $U(a,b)$	$f(x) = \frac{1}{b-a}; a < x < b$	$\frac{e^{bt} - e^{at}}{t(b-a)}$	$-\infty < a < b < \infty$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
Normal; $N(\mu, \sigma)$	$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2};$ $-\infty < x < \infty$	$e^{\mu t - \frac{1}{2}\sigma^2 t^2}$	$-\infty < \mu < \infty$ $\sigma > 0$	μ	σ^2
Exponencial; $E(\lambda)$	$\lambda e^{-\lambda x}; x > 0$	$\left(1 - \frac{t}{\lambda}\right)^{-1}$	$\lambda > 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
Gamma; $\Gamma(a,p)$	$\frac{a^p}{\Gamma(p)} e^{-ay} y^{p-1};$ $y > 0$	$\left(1 - \frac{t}{a}\right)^{-p}$	$p > 0, a > 0$	$\frac{p}{a}$	$\frac{p}{a^2}$
Beta; $\beta(p,q)$	$\frac{1}{\beta(p,q)} x^{p-1} (1-x)^{q-1};$ $0 < x < 1$		$p > 0, q > 0$	$\frac{p}{p+q}$	$\frac{pq}{(p+q)^2 (p+q+1)}$

Distribuciones especiales Continuas (II)

Ley de Probabilidad	Función de densidad	Función Generatriz $\phi_x(t)$	Parámetros; (Grados de libertad)	Media $E(x)$	Varianza
Ji-Cuadrado; χ^2	$f(x) = \frac{\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{n}{2}}}{\Gamma\left(\frac{n}{2}\right)} x^{\frac{n}{2}-1} e^{-\frac{x}{2}}$	$(1-2t)^{-\frac{n}{2}}$	$n = 1, 2, \dots$	n	$2n$
t de Student; t_n	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{n} \beta\left(\frac{1}{2}, \frac{n}{2}\right)} \left(1 + \frac{x^2}{n}\right)^{-\frac{n+1}{2}};$ $-\infty < x < \infty$		$n = 1, 2, \dots$	0	$\frac{n}{n-2}; n > 2$
F de Snedecor; $F_{m,n}$	$f(x) = \frac{\left(\frac{m}{n}\right)^{\frac{m}{2}}}{\beta\left(\frac{m}{2}, \frac{n}{2}\right)} x^{\frac{m}{2}-1} \left(\frac{m}{n}x + 1\right)^{-\frac{m+n}{2}};$ $x > 0$		$m = 1, 2, \dots$ $n = 1, 2, \dots$	$\frac{n}{n-2}$ $n > 2$	$\frac{2n^2(m+n-2)}{m(n-2)^2(n-4)}$ $n > 4$

Intervalos de confianza (IC) para una población normal

IC a un nivel c de confianza obtenidos a partir de una m.a.s. de tamaño n de una población $N(\mu, \sigma^2)$

Estadístico pivotal	Expresión del intervalo
IC para μ si σ es conocida	
$\frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0,1)$	$\bar{X} - z_{(1-c)/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{X} + z_{(1-c)/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$
IC para μ si σ es desconocida	
$\frac{\bar{X} - \mu}{S / \sqrt{n-1}} \sim t_{n-1}$	$\bar{X} - t_{n-1, (1-c)/2} \frac{S}{\sqrt{n-1}} < \mu < \bar{X} + t_{n-1, (1-c)/2} \frac{S}{\sqrt{n-1}}$
IC para σ^2 si μ es conocida	
$\frac{\sum (X_i - \mu)^2}{\sigma^2} \sim \chi_n^2$	$\frac{\sum (X_i - \mu)^2}{\chi_{n, (1-c)/2}^2} < \sigma^2 < \frac{\sum (X_i - \mu)^2}{\chi_{n, (1+c)/2}^2}$
IC para σ^2 si μ es desconocida	
$\frac{nS^2}{\sigma^2} \sim \chi_{n-1}^2$	$\frac{nS^2}{\chi_{n-1, (1-c)/2}^2} < \sigma^2 < \frac{nS^2}{\chi_{n-1, (1+c)/2}^2}$

Intervalos de confianza (IC) para comparar dos poblaciones normales

IC a un nivel c de confianza obtenidos a partir de dos mm.aa.ss. de tamaños respectivos n y m , extraídas de sendas poblaciones $N(\mu_X, \sigma_X^2)$ y $N(\mu_Y, \sigma_Y^2)$.

Estadístico pivotal	Expresión del intervalo
IC para $\mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son conocidas	
$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\sqrt{\frac{\sigma_X^2}{n} + \frac{\sigma_Y^2}{m}}} \sim N(0,1)$	$\bar{X} - \bar{Y} - z_{(1-c)/2} \sqrt{\frac{\sigma_X^2}{n} + \frac{\sigma_Y^2}{m}} < \mu_X - \mu_Y < \bar{X} - \bar{Y} + z_{(1-c)/2} \sqrt{\frac{\sigma_X^2}{n} + \frac{\sigma_Y^2}{m}}$
IC para $\mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son desconocidas pero iguales	
$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\sqrt{\frac{nS_X^2 + mS_Y^2}{n+m} \frac{1}{nm}}} \sim t_{n+m-2}$	$\bar{X} - \bar{Y} - t_{n+m-2, (1-c)/2} \sqrt{\frac{nS_X^2 + mS_Y^2}{n+m} \frac{1}{nm}} < \mu_X - \mu_Y < \bar{X} - \bar{Y} + t_{n+m-2, (1-c)/2} \sqrt{\frac{nS_X^2 + mS_Y^2}{n+m} \frac{1}{nm}}$
IC para $\mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son totalmente desconocidas	
$\frac{\bar{X} - \bar{Y} - (\mu_X - \mu_Y)}{\sqrt{\frac{S_{c,X}^2}{n} + \frac{S_{c,Y}^2}{m}}} \approx t_v^*$	$\bar{X} - \bar{Y} - t_{v, (1-c)/2} \sqrt{\frac{S_{c,X}^2}{n} + \frac{S_{c,Y}^2}{m}} < \mu_X - \mu_Y < \bar{X} - \bar{Y} + t_{v, (1-c)/2} \sqrt{\frac{S_{c,X}^2}{n} + \frac{S_{c,Y}^2}{m}} \quad (\text{valido aprox.})$
IC para σ_X^2 / σ_Y^2 si μ_X y μ_Y son conocidas	
$\frac{\sum (X_i - \mu_X)^2}{\sum (Y_i - \mu_Y)^2} \frac{m\sigma_Y^2}{n\sigma_X^2} \sim F_{n,m}$	$\frac{m\sum (X_i - \mu_X)^2}{n\sum (Y_i - \mu_Y)^2} \frac{1}{F_{n,m, (1-c)/2}} < \frac{\sigma_X^2}{\sigma_Y^2} < \frac{m\sum (X_i - \mu_X)^2}{n\sum (Y_i - \mu_Y)^2} \frac{1}{F_{n,m, (1+c)/2}}$
IC para σ_X^2 / σ_Y^2 si μ_X y μ_Y son desconocidas	
$\frac{nS_X^2(m-1)\sigma_Y^2}{mS_Y^2(n-1)\sigma_X^2} = \frac{S_{c,X}^2}{S_{c,Y}^2} \frac{\sigma_Y^2}{\sigma_X^2} \sim F_{n-1, m-1}$	$\frac{S_{c,X}^2}{S_{c,Y}^2} \frac{1}{F_{n-1, m-1, (1-c)/2}} < \frac{\sigma_X^2}{\sigma_Y^2} < \frac{S_{c,X}^2}{S_{c,Y}^2} \frac{1}{F_{n-1, m-1, (1+c)/2}}$

* v = entero más próximo a $(S_{c,X}^2/n + S_{c,Y}^2/m)^2 / \left(\frac{(S_{c,X}^2/n)^2}{n-1} + \frac{(S_{c,Y}^2/m)^2}{m-1} \right)$. Si m y n son grandes, sustituir t_v por una $N(0,1)$.

Algunos contrastes para una población normal

Contrastes de tamaño α obtenidos a partir de una m.a.s. de tamaño n de una población $N(\mu, \sigma^2)$

Estadístico	H_0	H_1	Criterio de rechazo de H_0
Contrastes para μ si σ es conocida			
$Z = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} \sim$ $\sim N(0, 1)$ si $\mu = \mu_0$	$\mu \leq \mu_0$	$\mu > \mu_0$	$Z > z_\alpha$
	$\mu \geq \mu_0$	$\mu < \mu_0$	$Z < -z_\alpha$
	$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$	$Z > z_{\alpha/2}$ ó $Z < -z_{\alpha/2}$
Contrastes para μ si σ es desconocida			
$T = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S / \sqrt{n-1}}$ $\sim t_{n-1}$ si $\mu = \mu_0$	$\mu \leq \mu_0$	$\mu > \mu_0$	$T > t_{n-1, \alpha}$
	$\mu \geq \mu_0$	$\mu < \mu_0$	$T < -t_{n-1, \alpha}$
	$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$	$T > t_{n-1, \alpha/2}$ ó $T < -t_{n-1, \alpha/2}$
Contrastes para σ si μ es conocida			
$\chi^2 = \frac{\sum (X_i - \mu)^2}{\sigma_0^2}$ $\sim \chi_n^2$ si $\sigma = \sigma_0$	$\sigma \leq \sigma_0$	$\sigma > \sigma_0$	$\chi^2 > \chi_{n, \alpha}^2$
	$\sigma \geq \sigma_0$	$\sigma < \sigma_0$	$\chi^2 < \chi_{n, 1-\alpha}^2$
	$\sigma = \sigma_0$	$\sigma \neq \sigma_0$	$\chi^2 > \chi_{n, \alpha/2}^2$ ó $\chi^2 < \chi_{n, 1-\alpha/2}^2$
Contrastes para σ si μ es desconocida			
$\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma_0^2}$ $\sim \chi_{n-1}^2$ si $\sigma = \sigma_0$	$\sigma \leq \sigma_0$	$\sigma > \sigma_0$	$\chi^2 > \chi_{n-1, \alpha}^2$
	$\sigma \geq \sigma_0$	$\sigma < \sigma_0$	$\chi^2 < \chi_{n-1, 1-\alpha}^2$
	$\sigma = \sigma_0$	$\sigma \neq \sigma_0$	$\chi^2 > \chi_{n-1, \alpha/2}^2$ ó $\chi^2 < \chi_{n-1, 1-\alpha/2}^2$

Algunos contrastes para comparar dos poblaciones normales

Contrastes de tamaño α obtenidos a partir de dos mm.aa.ss. de tamaños respectivos n y m , extraídas de sendas poblaciones $N(\mu_X, \sigma_X^2)$ y $N(\mu_Y, \sigma_Y^2)$.

Estadístico	H_0	H_1	Criterio de rechazo de H_0
Contrastes para $\delta = \mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son conocidas			
$Z = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \delta_0}{\sqrt{\sigma_X^2/n + \sigma_Y^2/m}}$ $\sim N(0,1) \text{ si } \delta = \delta_0$	$\delta \leq \delta_0$	$\delta > \delta_0$	$Z > z_\alpha$
	$\delta \geq \delta_0$	$\delta < \delta_0$	$Z < -z_\alpha$
	$\delta = \delta_0$	$\delta \neq \delta_0$	$Z > z_{\alpha/2}$ ó $Z < -z_{\alpha/2}$
Contrastes para $\delta = \mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son desconocidas pero iguales			
$T = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \delta_0}{\sqrt{\frac{nS_X^2 + mS_Y^2}{n+m} \frac{n+m}{nm}}}$ $\sim t_{n+m-2} \text{ si } \delta = \delta_0$	$\delta \leq \delta_0$	$\delta > \delta_0$	$T > t_{n+m-2, \alpha}$
	$\delta \geq \delta_0$	$\delta < \delta_0$	$T < -t_{n+m-2, \alpha}$
	$\delta = \delta_0$	$\delta \neq \delta_0$	$T > t_{n+m-2, \alpha/2}$ ó $T < -t_{n+m-2, \alpha/2}$
Contrastes para $\delta = \mu_X - \mu_Y$ si σ_X y σ_Y son totalmente desconocidas			
$T = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \delta_0}{\sqrt{S_{c,X}^2/n + S_{c,Y}^2/m}}$ $\approx t_v^* \text{ si } \delta = \delta_0$ (distr. aproximada)	$\delta \leq \delta_0$	$\delta > \delta_0$	$T > t_{v, \alpha}$
	$\delta \geq \delta_0$	$\delta < \delta_0$	$T < -t_{v, \alpha}$
	$\delta = \delta_0$	$\delta \neq \delta_0$	$T > t_{v, \alpha/2}$ ó $T < -t_{v, \alpha/2}$
Contrastes para $\delta = \sigma_X/\sigma_Y$ si μ_X y μ_Y son conocidas			
$F = \frac{\sum (X_i - \mu_X)^2}{\sum (Y_i - \mu_Y)^2} \frac{m}{n} \frac{1}{\delta_0^2}$ $\sim F_{n,m} \text{ si } \delta = \delta_0$	$\delta \leq \delta_0$	$\delta > \delta_0$	$F > F_{n,m, \alpha}$
	$\delta \geq \delta_0$	$\delta < \delta_0$	$F < F_{n,m, 1-\alpha}$
	$\delta = \delta_0$	$\delta \neq \delta_0$	$F > F_{n,m, \alpha/2}$ ó $F < F_{n,m, 1-\alpha/2}$
Contrastes para $\delta = \sigma_X/\sigma_Y$ si μ_X y μ_Y son desconocidas			
$F = \frac{S_{c,X}^2}{S_{c,Y}^2} \frac{1}{\delta_0^2}$ $\sim F_{n-1, m-1} \text{ si } \delta = \delta_0$	$\delta \leq \delta_0$	$\delta > \delta_0$	$F > F_{n-1, m-1, \alpha}$
	$\delta \geq \delta_0$	$\delta < \delta_0$	$F < F_{n-1, m-1, 1-\alpha}$
	$\delta = \delta_0$	$\delta \neq \delta_0$	$F > F_{n-1, m-1, \alpha/2}$ ó $F < F_{n-1, m-1, 1-\alpha/2}$

* v =entero más próximo a $\frac{(S_{c,X}^2/n + S_{c,Y}^2/m)^2}{\frac{(S_{c,X}^2/n)^2}{n-1} + \frac{(S_{c,Y}^2/m)^2}{m-1}}$. Si m y n son grandes, sustituir t_v por una $N(0,1)$.

TEST DE HIPOTESIS

Contrastes para los parámetros α y β del modelo lineal simple
 $Y_i = \alpha + \beta X_i + \epsilon_i$ bajo los supuestos básicos.

Contrastes para β

H_0	H_1	Estimador:	rechazar H_0 si:
$\beta \leq \beta_0$	$\beta > \beta_0$	$t = \frac{\hat{\beta} - \beta_0}{\frac{S_r}{S_x}} \sqrt{n-2} - t_{n-2}$	$t > t_{n-2, \alpha}$
$\beta \geq \beta_0$	$\beta < \beta_0$		$t < -t_{n-2, \alpha}$
$\beta = \beta_0$	$\beta \neq \beta_0$		$t < -t_{n-2, \frac{\alpha}{2}}$ ó $t > t_{n-2, \frac{\alpha}{2}}$

Contrastes para α

H_0	H_1	Estimador:	rechazar H_0 si:
$\alpha \leq \alpha_0$	$\alpha > \alpha_0$	$t = \frac{\hat{\alpha} - \alpha_0}{S_r \cdot \sqrt{1 + \frac{\bar{X}^2}{S_x^2}}} \sqrt{n-2} - t_{n-2}$	$t > t_{n-2, \alpha}$
$\alpha \geq \alpha_0$	$\alpha < \alpha_0$		$t < -t_{n-2, \alpha}$
$\alpha = \alpha_0$	$\alpha \neq \alpha_0$		$t < -t_{n-2, \frac{\alpha}{2}}$ ó $t > t_{n-2, \frac{\alpha}{2}}$

INTERVALOS DE CONFIANZA

Intervalos de confianza (IC) para los parámetros α y β del modelo lineal simple $Y_i = \alpha + \beta X_i + \epsilon_i$ bajo los supuestos básicos.

IC para β

$$t = \frac{\hat{\beta} - \beta}{\frac{S_r}{S_x}} \sqrt{n-2} \sim t_{n-2}$$

$$\hat{\beta} - t_{n-2, \frac{\alpha}{2}} \frac{S_r}{S_x \sqrt{n-2}} < \beta < \hat{\beta} + t_{n-2, \frac{\alpha}{2}} \frac{S_r}{S_x \sqrt{n-2}}$$

IC para α

$$t = \frac{\hat{\alpha} - \alpha}{S_r \sqrt{1 + \frac{\bar{X}^2}{S_x^2}}} \sqrt{n-2} \sim t_{n-2}$$

$$\hat{\alpha} - t_{n-2, \frac{\alpha}{2}} S_r \sqrt{\left(1 + \frac{\bar{X}^2}{S_x^2}\right) / (n-2)} < \alpha < \hat{\alpha} + t_{n-2, \frac{\alpha}{2}} S_r \sqrt{\left(1 + \frac{\bar{X}^2}{S_x^2}\right) / (n-2)}$$

CONTRASTES NO PARAMETRICOS

CONTRASTES DE LA CHI-CUADRADO

a) BONDAD DE AJUSTE

Se rechaza H_0 si $\chi^2_{exp} > \chi^2_{teor}$ siendo

$$\chi^2_{exp} = \sum_{i=1}^{i=k} \frac{(n_i - np_i)^2}{np_i}$$

$$\chi^2_{teor} = \chi^2_{k-r-1, \alpha}$$

b) INDEPENDENCIA

Se rechaza H_0 si $\chi^2_{exp} > \chi^2_{teor}$ siendo

$$\chi^2_{exp} = \sum_{i=1}^{i=k} \sum_{j=1}^{j=l} \frac{(n_{ij} - \frac{n_i \cdot n_j}{n})^2}{\frac{n_i \cdot n_j}{n}}$$

$$\chi^2_{teor} = \chi^2_{(k-1)(l-1), \alpha}$$

c) HOMOGENEIDAD

Igual que el de INDEPENDENCIA.

TEST DE KOLMOGOROV-SMIRNOV

Se rechaza H_0 si $D_n \geq D_{n, \alpha}$ siendo

$$D_n = \max \{ |F_n(x) - F(x)| \}$$

TABLA 8

Test de Kolmogorov-Smirnov

para $D_n = \max|F_n(x) - F(x)|$ Valores críticos

Tamaño muestral n	Nivel de significación, α				
	0,20	0,15	0,10	0,05	0,01
1	0,900	0,925	0,950	0,975	0,995
2	0,684	0,726	0,776	0,842	0,929
3	0,565	0,597	0,642	0,708	0,828
4	0,494	0,525	0,564	0,624	0,733
5	0,446	0,474	0,510	0,565	0,669
6	0,410	0,436	0,470	0,521	0,618
7	0,381	0,405	0,438	0,486	0,577
8	0,358	0,381	0,411	0,457	0,543
9	0,339	0,360	0,388	0,432	0,514
10	0,322	0,342	0,368	0,410	0,490
11	0,307	0,326	0,352	0,391	0,468
12	0,295	0,313	0,338	0,375	0,450
13	0,284	0,302	0,325	0,361	0,433
14	0,274	0,292	0,314	0,349	0,418
15	0,266	0,283	0,304	0,338	0,404
16	0,258	0,274	0,295	0,328	0,392
17	0,250	0,266	0,286	0,318	0,381
18	0,244	0,259	0,278	0,309	0,371
19	0,237	0,252	0,272	0,301	0,363
20	0,231	0,246	0,264	0,294	0,356
25	0,21	0,22	0,24	0,27	0,32
30	0,19	0,20	0,22	0,24	0,29
35	0,18	0,19	0,21	0,23	0,27
> 35	$\frac{1,07}{\sqrt{n}}$	$\frac{1,14}{\sqrt{n}}$	$\frac{1,22}{\sqrt{n}}$	$\frac{1,36}{\sqrt{n}}$	$\frac{1,63}{\sqrt{n}}$

Fuente: Martín Andrés-Luna del Castillo

Contraste Kolmogorov-Smirnov (Lilliefors)

Tablas de $D_n = |F_n(x) - F(x)|$ para contrastar la hipótesis de normalidad cuando la media y la varianza poblacionales son estimadas por sus valores muestrales.

Tamaño muestral n	Nivel de significación				
	0,20	0,15	0,10	0,05	0,01
4	0,300	0,319	0,352	0,381	0,417
5	0,285	0,299	0,315	0,337	0,405
6	0,265	0,277	0,294	0,319	0,364
7	0,247	0,258	0,276	0,300	0,348
8	0,233	0,244	0,261	0,285	0,331
9	0,223	0,233	0,249	0,271	0,311
10	0,215	0,224	0,239	0,258	0,294
11	0,206	0,217	0,230	0,249	0,284
12	0,199	0,212	0,223	0,242	0,275
13	0,190	0,202	0,214	0,234	0,268
14	0,183	0,194	0,207	0,227	0,261
15	0,177	0,187	0,201	0,220	0,257
16	0,173	0,182	0,195	0,213	0,250
17	0,169	0,177	0,189	0,206	0,245
18	0,166	0,173	0,184	0,200	0,239
19	0,163	0,169	0,179	0,195	0,235
20	0,160	0,166	0,174	0,190	0,231
25	0,149	0,153	0,165	0,180	0,203
30	0,131	0,136	0,144	0,161	0,187
>30	$\frac{0,736}{\sqrt{n}}$	$\frac{0,768}{\sqrt{n}}$	$\frac{0,805}{\sqrt{n}}$	$\frac{0,886}{\sqrt{n}}$	$\frac{1,031}{\sqrt{n}}$

FUNCIONES ESTADÍSTICAS DE EXCEL 1

Funciones estadísticas

Funciones estadísticas				
	FUNCIÓN	EXPLICACIÓN	OPERACIÓN	SINTAXIS
1.	CONTAR	Cuenta el número de celdas que contienen números y los números en la lista de argumentos. Use CONTAR para obtener el número de entradas en un campo numérico de un rango o de una matriz de números.	n	CONTAR(ref1;ref2; ...)
2.	DESVEST	Calcula la cuasidesviación típica.	$S_c = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$	DESVEST(número1; número2; ...)
3.	DESVESTP	Calcula la desviación típica.	$S = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}}$	DESVESTP(número1; número2; ...)
4.	DES VIA2	Devuelve la suma de los cuadrados de las desviaciones respecto a la media muestral.	$\sum (x_i - \bar{x})^2$	DES VIA2(número1; número2; ...)
5.	PROMEDIO	Devuelve el promedio (media aritmética) de un conjunto de datos.	$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n}$	PROMEDIO(número1;número2; ...)
6.	VAR	Calcula la cuasivarianza muestral.	$S_c^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$	VAR(número1;número2; ...)
7.	VARP	Calcula la varianza muestral.	$S^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n}$	VARP(número1;número2; ...)

Funciones matemáticas

Funciones matemáticas				
	FUNCIÓN	EXPLICACIÓN	OPERACIÓN	SINTAXIS
1.	RAIZ	Devuelve la raíz	\sqrt{x}	RAIZ(número)

Funciones matemáticas				
	FUNCIÓN	EXPLICACIÓN	OPERACIÓN	SINTAXIS
		cuadrada de un número.		
2.	SUMA	Suma todos los números de un rango.	$\sum x_i$	SUMA(número1;número2; ...)
3.	SUMA.CUADRADOS	Devuelve la suma de los cuadrados de los argumentos.	$\sum X_i^2$	SUMA.CUADRADOS(número1;número2; ...)

FUNCIÓN	SINTAXIS
=Y(valor lógico1; [valor lógico2];...)	valor lógico1; [valor lógico2];... : pueden ser hasta 30 condiciones que se desean probar en las cuales se obtenga como resultado un valor lógico tipo VERDADERO o FALSO.
= CONTAR.SI(rango; criterio)	rango : es el rango que será evaluado. criterio : es la condición que identificará las celdas a contar en el rango evaluado.
=SI(prueba lógica; [valor si verdadero]; [valor si falso]) Los argumentos valor si verdadero y valor si falso son opcionales. Si se omiten la función SI devuelve directamente VERDADERO o FALSO.	prueba lógica : es una comparación entre dos celdas usando operadores lógicos. Los operadores lógicos son: =(igual), <(menor), >(mayor), <>(distinto), >=(mayor o igual), <=(menor o igual). [valor si verdadero]: es el valor, celda o texto especificado a devolver si prueba lógica es verdadera. [valor si falso]: es el valor, celda o texto especificado a devolver si prueba lógica es falsa.
= REDONDEAR(número a redondear; núm de decimales)	Si se redondea al entero más próximo el número de decimales es cero
=MIN(número1;número2; ...)	número1, número2 : son hasta 30 referencias a celdas, rangos y/o funciones sobre los cuales se busca el menor.

FUNCIONES ESTADÍSTICAS DE EXCEL 2

Funciones relacionadas con los modelos de probabilidad

FUNCIÓN	SINTAXIS
DISTR.BINOM	DISTR.BINOM(núm_éxito;ensayos;prob_éxito;acumulado) DISTR.BINOM(x ;n;p;1) devuelve $P[X \leq x]$ con $X \sim B(n,p)$ DISTR.BINOM(x ;n;p;0) devuelve $P[X = x]$ con $X \sim B(n,p)$
DISTR.CHI	DISTR.CHI(x;grados_de_libertad) DISTR.CHI(x ;n) devuelve $P[X > x]$ con $X \sim \chi_n^2$
DISTR.EXP	DISTR.EXP(x;lambd;a;acum) DISTR.EXP(x ;λ;1) devuelve $P[X \leq x]$ con $X \sim \varepsilon(\lambda)$ DISTR.EXP(x ;λ;0) devuelve $f(x)$ con $X \sim \varepsilon(\lambda)$
DISTR.F	DISTR.F(x;grados_de_libertad; grados_de_libertad2) DISTR.F(x ;m;n) devuelve $P[X > x]$ con $X \sim F_{m,n}$
DISTR.F.INV	DISTR.F.INV(probabilidad;grados_de_libertad1;grados_de_libertad2) DISTR.F.INV(p ;m;n) devuelve x tal que $P[X > x] = p$ con $X \sim F_{m,n}$
DISTR.NORM	DISTR.NORM(x;media;desv_estándar;acum) DISTR.NORM(x ;μ;σ;1) devuelve $P[X \leq x]$ con $X \sim N(\mu, \sigma)$ DISTR.NORM(x ;μ;σ;0) devuelve $f(x)$ con $X \sim N(\mu, \sigma)$
DISTR.NORM.ESTAND	DISTR.NORM.ESTAND(z) DISTR.NORM(z) devuelve $P[Z \leq z]$ con $Z \sim N(0,1)$
DISTR.NORM.ESTAND.INV	DISTR.NORM.ESTAND.INV(probabilidad) DISTR.NORM.ESTAND.INV(p) devuelve z t.q. $P[Z \leq z] = p$ con $Z \sim N(0,1)$
DISTR.NORM.INV	DISTR.NORM(probabilidad;media;desv_estándar) DISTR.NORM.INV(p ;μ;σ) devuelve x tal que $P[X \leq x] = p$ con $X \sim N(\mu, \sigma)$
DISTR.T	DISTR.T(x;grados_de_libertad;colas) DISTR.T(x ;n;1) devuelve $P[X > x]$ con $X \sim t_n$ y $x > 0$ DISTR.T(x ;n;2) devuelve $2P[X > x] = P[X < -x] + P[X > x]$ con $X \sim t_n$ y $x > 0$
DISTR.T.INV	DISTR.T.INV(probabilidad;grados_de_libertad) DISTR.T.INV(p ;n) devuelve $x > 0$ t.q. $2P[X > x] = P[X < -x] + P[X > x] = p$ con $X \sim t_n$
POISSON	POISSON(x;media;acumulado) POISSON(x ;λ;1) devuelve $P[X \leq x]$ con $X \sim P(\lambda)$ POISSON(x ;λ;0) devuelve $P[X = x]$ con $X \sim P(\lambda)$
PRUEBA.CHI.INV	PRUEBA.CHI.INV(probabilidad;grados_de_libertad) PRUEBA.CHI.INV(p ;n) devuelve x tal que $P[X > x] = p$ con $X \sim \chi_n^2$

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE $B(n,p)$

$$F(k) = \sum_{x=0}^k \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} \quad k=0,1,2,\dots,n$$

Para calcular las probabilidades puntuales utilizar:

$$P(X=0) = F(0)$$

$$P(X=k) = F(k) - F(k-1) \quad ; \quad k=1,2,\dots,n$$

n k	P											
	0,01	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	1/3	0,35	0,40	0,45	0,50
2 0	0,9801	0,9025	0,8100	0,7225	0,6400	0,5625	0,4900	0,4444	0,4225	0,3600	0,3025	0,2500
1	0,9999	0,9975	0,9900	0,9775	0,9600	0,9375	0,9100	0,8889	0,8775	0,8400	0,7975	0,7500
2	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
3 0	0,9703	0,8574	0,7290	0,6141	0,5120	0,4219	0,3430	0,2963	0,2746	0,2160	0,1664	0,1250
1	0,9997	0,9928	0,9720	0,9392	0,8960	0,8438	0,7840	0,7407	0,7182	0,6480	0,5748	0,5000
2	1,0000	0,9999	0,9990	0,9966	0,9920	0,9844	0,9730	0,9630	0,9571	0,9360	0,9089	0,8750
		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
4 0	0,9606	0,8145	0,6561	0,5220	0,4096	0,3164	0,2401	0,1975	0,1785	0,1296	0,0915	0,0625
1	0,9994	0,9860	0,9477	0,8905	0,8192	0,7383	0,6517	0,5926	0,5630	0,4752	0,3910	0,3125
2	1,0000	0,9995	0,9963	0,9880	0,9728	0,9492	0,9163	0,8889	0,8735	0,8208	0,7585	0,6875
3		1,0000	0,9999	0,9995	0,9984	0,9961	0,9919	0,9876	0,9850	0,9744	0,9590	0,9375
4			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
5 0	0,9510	0,7738	0,5905	0,4437	0,3277	0,2373	0,1681	0,1317	0,1160	0,0778	0,0503	0,0312
1	0,9990	0,9774	0,9185	0,8352	0,7373	0,6328	0,5282	0,4609	0,4284	0,3370	0,2562	0,1875
2	1,0000	0,9988	0,9914	0,9734	0,9421	0,8965	0,8369	0,7901	0,7648	0,6826	0,5931	0,5000
3		1,0000	0,9995	0,9978	0,9933	0,9844	0,9692	0,9547	0,9460	0,9130	0,8688	0,8125
4			1,0000	0,9999	0,9997	0,9990	0,9976	0,9959	0,9947	0,9898	0,9815	0,9688
5				1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
6 0	0,9415	0,7351	0,5314	0,3771	0,2621	0,1780	0,1176	0,0878	0,0754	0,0467	0,0277	0,0156
1	0,9986	0,9672	0,8857	0,7765	0,6553	0,5339	0,4202	0,3512	0,3191	0,2333	0,1636	0,1094
2	1,0000	0,9978	0,9842	0,9527	0,9011	0,8306	0,7443	0,6804	0,6471	0,5443	0,4415	0,3438
3		0,9999	0,9987	0,9941	0,9830	0,9624	0,9295	0,8999	0,8826	0,8208	0,7447	0,6562
4		1,0000	0,9999	0,9996	0,9984	0,9954	0,9891	0,9822	0,9777	0,9590	0,9308	0,8906
5			1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9993	0,9986	0,9982	0,9959	0,9917	0,9844
6					1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE $B(n,p)$ (cont.)

n k	p											
	0,01	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	1/3	0,35	0,40	0,45	0,50
7 0	0,9321	0,6983	0,4783	0,3206	0,2097	0,1335	0,0824	0,0585	0,0490	0,0280	0,0152	0,0078
1	0,9980	0,9556	0,8503	0,7166	0,5767	0,4449	0,3294	0,2634	0,2338	0,1586	0,1024	0,0625
2	1,0000	0,9962	0,9743	0,9262	0,8520	0,7564	0,6471	0,5706	0,5323	0,4199	0,3164	0,2266
3		0,9998	0,9973	0,9879	0,9667	0,9294	0,8740	0,8267	0,8002	0,7102	0,6083	0,5000
4		1,0000	0,9998	0,9988	0,9953	0,9871	0,9712	0,9547	0,9444	0,9037	0,8471	0,7734
5			1,0000	0,9999	0,9996	0,9987	0,9962	0,9931	0,9910	0,9812	0,9643	0,9375
6				1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9995	0,9994	0,9984	0,9963	0,9922
7						1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
8 0	0,9227	0,6634	0,4305	0,2725	0,1678	0,1001	0,0576	0,0390	0,0319	0,0168	0,0084	0,0039
1	0,9973	0,9428	0,8131	0,6572	0,5033	0,3671	0,2553	0,1951	0,1691	0,1064	0,0632	0,0352
2	0,9999	0,9942	0,9619	0,8948	0,7969	0,6785	0,5518	0,4682	0,4278	0,3154	0,2201	0,1445
3	1,0000	0,9996	0,9950	0,9786	0,9437	0,8862	0,8059	0,7413	0,7064	0,5941	0,4770	0,3633
4		1,0000	0,9996	0,9971	0,9896	0,9727	0,9420	0,9121	0,8939	0,8263	0,7396	0,6367
5			1,0000	0,9998	0,9988	0,9958	0,9887	0,9803	0,9747	0,9502	0,9115	0,8555
6				1,0000	0,9999	0,9996	0,9987	0,9974	0,9964	0,9915	0,9819	0,9648
7					1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9998	0,9993	0,9983	0,9961
8							1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
9 0	0,9135	0,6302	0,3874	0,2316	0,1342	0,0751	0,0404	0,0260	0,0207	0,0101	0,0046	0,0020
1	0,9965	0,9288	0,7748	0,5995	0,4362	0,3003	0,1960	0,1431	0,1211	0,0705	0,0385	0,0195
2	0,9999	0,9916	0,9470	0,8591	0,7382	0,6007	0,4628	0,3772	0,3373	0,2318	0,1495	0,0898
3	1,0000	0,9994	0,9917	0,9661	0,9144	0,8343	0,7297	0,6503	0,6089	0,4826	0,3614	0,2539
4		1,0000	0,9991	0,9944	0,9804	0,9511	0,9012	0,1552	0,8283	0,7334	0,6214	0,5000
5			0,9999	0,9994	0,9969	0,9900	0,9747	0,9576	0,9464	0,9006	0,8342	0,7461
6			1,0000	1,0000	0,9997	0,9987	0,9957	0,9917	0,9888	0,9750	0,9502	0,9102
7					1,0000	0,9999	0,9996	0,9990	0,9986	0,9962	0,9909	0,9805
8						1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9997	0,9992	0,9980
9								1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000
10 0	0,9044	0,5987	0,3487	0,1969	0,1074	0,0563	0,0282	0,0173	0,0135	0,0060	0,0025	0,0010
1	0,9958	0,9139	0,7361	0,5443	0,3758	0,2440	0,1493	0,1040	0,0860	0,0464	0,0233	0,0107
2	1,0000	0,9885	0,9298	0,8202	0,6778	0,5256	0,3828	0,2991	0,2616	0,1673	0,0996	0,0547
3		0,9990	0,9872	0,9500	0,8791	0,7759	0,6496	0,5593	0,5138	0,3823	0,2660	0,1719
4		0,9999	0,9984	0,9901	0,9672	0,9219	0,8497	0,7869	0,7515	0,6331	0,5044	0,3770
5		1,0000	0,9999	0,9986	0,9936	0,9803	0,9527	0,9234	0,9051	0,8338	0,7384	0,6230
6			1,0000	0,9999	0,9991	0,9965	0,9894	0,8803	0,9740	0,9452	0,8980	0,8281
7				1,0000	0,9999	0,9996	0,9984	0,9966	0,9952	0,9877	0,9726	0,9453
8					1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9995	0,9983	0,9955	0,9893
9							1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,9990
10										1,0000	1,0000	1,0000
11 0	0,8954	0,5688	0,3138	0,1673	0,0859	0,0422	0,0198	0,0116	0,0088	0,0036	0,0014	0,0005
1	0,9948	0,8981	0,6974	0,4922	0,3221	0,1971	0,1130	0,0752	0,0606	0,0302	0,0139	0,0059
2	0,9998	0,9848	0,9104	0,7788	0,6174	0,4552	0,3127	0,2341	0,2001	0,1189	0,0652	0,0327
3	1,0000	0,9984	0,9815	0,9306	0,8389	0,7133	0,5696	0,4726	0,4256	0,2963	0,1911	0,1133
4		0,9999	0,9972	0,9841	0,9496	0,8854	0,7897	0,7110	0,6683	0,5328	0,3971	0,2744
5		1,0000	0,9997	0,9973	0,9883	0,9657	0,9218	0,8779	0,8513	0,7535	0,6331	0,5000
6			1,0000	0,9997	0,9980	0,9924	0,9784	0,9614	0,9499	0,9006	0,8262	0,7256
7				1,0000	0,9998	0,9988	0,9957	0,9912	0,9878	0,9707	0,9390	0,8867
8					1,0000	0,9999	0,9994	0,9986	0,9980	0,9941	0,9852	0,9673
9						1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9993	0,9978	0,9941
10								1,0000	1,0000	1,0000	0,9998	0,9995
11											1,0000	1,0000

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE $B(n,p)$ (cont.)

n	k	P											
		0,01	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	1/3	0,35	0,40	0,45	0,50
15	0	0,8601	0,4633	0,2059	0,0874	0,0352	0,0134	0,0047	0,0023	0,0016	0,0005	0,0001	0,0000
	1	0,9904	0,8290	0,5490	0,3186	0,1671	0,0802	0,0353	0,0194	0,0142	0,0052	0,0017	0,0005
	2	0,9996	0,9638	0,8159	0,6042	0,3980	0,2361	0,1268	0,0794	0,0617	0,0271	0,0107	0,0037
	3	1,0000	0,9945	0,9444	0,8227	0,6482	0,4613	0,2969	0,2092	0,1727	0,0905	0,0424	0,0176
	4		0,9994	0,9873	0,9383	0,8358	0,6865	0,5155	0,4041	0,3519	0,2173	0,1204	0,0592
	5		0,9999	0,9978	0,9832	0,9389	0,8516	0,7216	0,3184	0,5643	0,4032	0,2608	0,1509
	6		1,0000	0,9997	0,9964	0,9819	0,9434	0,8689	0,8070	0,7548	0,6098	0,4522	0,3036
	7			1,0000	0,9994	0,9958	0,9827	0,9500	0,9118	0,8868	0,7869	0,6535	0,5000
	8				0,9999	0,9992	0,9958	0,9848	0,9692	0,9578	0,9050	0,8182	0,6964
	9				1,0000	0,9999	0,9992	0,9963	0,9915	0,9876	0,9662	0,9231	0,8491
	10					1,0000	0,9999	0,9993	0,9982	0,9972	0,9907	0,9745	0,9408
	11						1,0000	0,9999	0,9997	0,9995	0,9981	0,9937	0,9824
	12							1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,9989	0,9963
	13									1,0000	1,0000	0,9999	0,9995
	14											1,0000	1,0000
16	0	0,8515	0,4401	0,1853	0,0743	0,0281	0,0100	0,0033	0,0015	0,0010	0,0003	0,0001	0,0000
	1	0,9891	0,8108	0,5147	0,2839	0,1407	0,0635	0,0261	0,0137	0,0098	0,0033	0,0010	0,0003
	2	0,9995	0,9571	0,7892	0,5614	0,3518	0,1971	0,0994	0,0594	0,0451	0,0183	0,0066	0,0021
	3	1,0000	0,9930	0,9316	0,7899	0,5981	0,4050	0,2459	0,1660	0,1339	0,0651	0,0281	0,0106
	4		0,9991	0,9830	0,9209	0,7982	0,6302	0,4499	0,3391	0,2892	0,1666	0,0853	0,0384
	5		0,9999	0,9967	0,9765	0,9183	0,8103	0,6598	0,5469	0,4900	0,3288	0,1976	0,1051
	6		1,0000	0,9995	0,9944	0,9733	0,9204	0,8247	0,7374	0,6881	0,5272	0,3660	0,2272
	7			0,9999	0,9989	0,9930	0,9729	0,9256	0,8735	0,8406	0,7161	0,5629	0,4018
	8			1,0000	0,9998	0,9985	0,9925	0,9743	0,9500	0,9329	0,8577	0,7441	0,5982
	9				1,0000	0,9998	0,9984	0,9929	0,9841	0,9771	0,9417	0,8759	0,7228
	10					1,0000	0,9997	0,9984	0,9960	0,9938	0,9809	0,9514	0,8949
	11						1,0000	0,9997	0,9992	0,9987	0,9951	0,9851	0,9616
	12							1,0000	0,9999	0,9998	0,9991	0,9965	0,9894
	13								1,0000	1,0000	0,9999	0,9994	0,9979
	14										1,0000	0,9999	0,9997
	15											1,0000	1,0000
17	0	0,8429	0,4181	0,1668	0,0631	0,0225	0,0075	0,0023	0,0010	0,0007	0,0002	0,0000	0,0000
	1	0,9877	0,7922	0,4818	0,2525	0,1182	0,0501	0,0193	0,0096	0,0067	0,0021	0,0006	0,0001
	2	0,9994	0,9497	0,7618	0,5198	0,3096	0,1637	0,0774	0,0442	0,0327	0,0123	0,0041	0,0012
	3	1,0000	0,9912	0,9174	0,7556	0,5489	0,3530	0,2019	0,1304	0,1028	0,0464	0,0184	0,0064
	4		0,9988	0,9779	0,9013	0,7582	0,5739	0,3887	0,2814	0,2348	0,1260	0,0596	0,0245
	5		0,9999	0,9953	0,9681	0,8943	0,7653	0,5968	0,6739	0,4197	0,2639	0,1471	0,0717
	6		1,0000	0,9992	0,9917	0,9623	0,8929	0,7752	0,8281	0,6188	0,4478	0,2902	0,1662
	7			0,9999	0,9983	0,9891	0,9598	0,8954	0,9245	0,7872	0,6405	0,4743	0,3145
	8			1,0000	0,9997	0,9974	0,9876	0,9597	0,9727	0,9006	0,8011	0,6626	0,5000
	9				1,0000	0,9995	0,9969	0,9873	0,9920	0,9617	0,9081	0,8166	0,6855
	10					0,9999	0,9994	0,9968	0,9981	0,9880	0,9652	0,9174	0,8338
	11					1,0000	0,9999	0,9993	0,9997	0,9970	0,9894	0,9699	0,9283
	12						1,0000	0,9999	0,9999	0,9994	0,9975	0,9914	0,9755
	13							1,0000	1,0000	0,9999	0,9995	0,9981	0,9936
	14									1,0000	0,9999	0,9997	0,9988
	15										1,0000	1,0000	0,9999
	16											1,0000	1,0000

Función de Probabilidad de una variable B (n,p)

TABLA DE PROBABILIDADES BINOMIALES

Valores de

(n choose x) p^x (1-p)^(n-x), n = 1, 2, ..., 10 p = 0,01; 0,05; ...; 0,50

Table with columns for n, x, and p values from .01 to .50. Rows are grouped by n from 2 to 10. Each row contains 13 probability values.

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE $P(\lambda)$

$$F(k) = \sum_{x=0}^k e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{x!} ; k=0,1,2,\dots$$

Para calcular las probabilidades puntuales utilizar:

$$P(X=0)=F(0)$$

$$P(X=k)=F(k)-F(k-1) ; k=1,2,\dots$$

		λ									
k	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0	
0	0,9048	0,8187	0,7408	0,6703	0,6065	0,5488	0,4966	0,4493	0,4066	0,3679	
1	0,9953	0,9825	0,9631	0,9384	0,9098	0,8781	0,8442	0,8088	0,7725	0,7358	
2	0,9998	0,9989	0,9964	0,9921	0,9856	0,9769	0,9659	0,9526	0,9371	0,9197	
3	1,0000	0,9999	0,9997	0,9992	0,9982	0,9966	0,9942	0,9909	0,9865	0,9810	
4		1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9986	0,9977	0,9963	
5				1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9994	
6							1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	
7										1,0000	

		λ									
k	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6	1,7	1,8	1,9	2,0	
0	0,3329	0,3012	0,2725	0,2466	0,2231	0,2019	0,1827	0,1653	0,1496	0,1353	
1	0,6990	0,6626	0,6268	0,5918	0,5578	0,5249	0,4932	0,4628	0,4338	0,4060	
2	0,9004	0,8795	0,8571	0,8335	0,8088	0,7834	0,7572	0,7306	0,7037	0,6767	
3	0,9743	0,9662	0,9569	0,9463	0,9344	0,9212	0,9068	0,8913	0,8747	0,8571	
4	0,9946	0,9923	0,9893	0,9857	0,9814	0,9763	0,9704	0,9636	0,9559	0,9473	
5	0,9990	0,9985	0,9978	0,9968	0,9955	0,9940	0,9920	0,9896	0,9868	0,9834	
6	0,9999	0,9997	0,9996	0,9994	0,9991	0,9987	0,9981	0,9974	0,9966	0,9955	
7	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9996	0,9994	0,9992	0,9989	
8			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9998	
9							1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	

		λ									
k	2,1	2,2	2,3	2,4	2,5	2,6	2,7	2,8	2,9	3,0	
0	0,1225	0,1108	0,1003	0,0907	0,0821	0,0743	0,0672	0,0608	0,0550	0,0498	
1	0,3796	0,3546	0,3309	0,3084	0,2873	0,2674	0,2487	0,2311	0,2146	0,1991	
2	0,6496	0,6227	0,5960	0,5697	0,5438	0,5184	0,4936	0,4695	0,4460	0,4232	
3	0,8386	0,8194	0,7993	0,7787	0,7576	0,7360	0,7141	0,6919	0,6696	0,6472	
4	0,9379	0,9275	0,9163	0,9041	0,8912	0,8774	0,8629	0,8477	0,8318	0,8153	
5	0,9796	0,9751	0,9700	0,9643	0,9580	0,9510	0,9433	0,9349	0,9258	0,9161	
6	0,9941	0,9925	0,9906	0,9884	0,9858	0,9828	0,9794	0,9756	0,9713	0,9665	
7	0,9985	0,9980	0,9974	0,9967	0,9958	0,9947	0,9934	0,9919	0,9901	0,9881	
8	0,9997	0,9995	0,9994	0,9991	0,9989	0,9985	0,9981	0,9976	0,9969	0,9962	
9	0,9999	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9996	0,9995	0,9993	0,9991	0,9989	
10	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9999	0,9998	0,9998	0,9997	
11					1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE $P(\lambda)$ (cont.)

		λ									
k	6,1	6,2	6,3	6,4	6,5	6,6	6,7	6,8	6,9	7,0	
0	0,0022	0,0020	0,0018	0,0017	0,0015	0,0014	0,0012	0,0011	0,0010	0,0009	
1	0,0159	0,0146	0,0134	0,0123	0,0113	0,0103	0,0095	0,0087	0,0080	0,0073	
2	0,0577	0,0536	0,0498	0,0463	0,0430	0,0400	0,0371	0,0344	0,0320	0,0296	
3	0,1425	0,1342	0,1264	0,1189	0,1119	0,1052	0,0988	0,0928	0,0871	0,0818	
4	0,2719	0,2592	0,2469	0,2351	0,2237	0,2127	0,2022	0,1920	0,1823	0,1730	
5	0,4298	0,4141	0,3988	0,3837	0,3690	0,3547	0,3407	0,3270	0,3137	0,3007	
6	0,5902	0,5742	0,5582	0,5423	0,5265	0,5108	0,4953	0,4799	0,4647	0,4497	
7	0,7301	0,7160	0,7018	0,6873	0,6728	0,6581	0,6433	0,6285	0,6136	0,5987	
8	0,8367	0,8259	0,8148	0,8033	0,7916	0,7796	0,7673	0,7548	0,7420	0,7291	
9	0,9090	0,9016	0,8939	0,8858	0,8774	0,8686	0,8596	0,8502	0,8405	0,8305	
10	0,9531	0,9486	0,9437	0,9386	0,9332	0,9274	0,9214	0,9151	0,9084	0,9015	
11	0,9776	0,9750	0,9723	0,9693	0,9661	0,9627	0,9591	0,9552	0,9510	0,9467	
12	0,9900	0,9887	0,9873	0,9857	0,9840	0,9821	0,9801	0,9779	0,9755	0,9730	
13	0,9958	0,9952	0,9945	0,9937	0,9929	0,9920	0,9909	0,9898	0,9885	0,9872	
14	0,9984	0,9981	0,9978	0,9974	0,9970	0,9966	0,9961	0,9956	0,9950	0,9943	
15	0,9994	0,9993	0,9992	0,9990	0,9988	0,9986	0,9984	0,9982	0,9979	0,9976	
16	0,9998	0,9997	0,9997	0,9996	0,9996	0,9995	0,9994	0,9993	0,9992	0,9990	
17	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9998	0,9998	0,9998	0,9997	0,9997	0,9996	
18	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	
19			1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	

		λ									
k	7,1	7,2	7,3	7,4	7,5	7,6	7,7	7,8	7,9	8,0	
0	0,0008	0,0007	0,0007	0,0006	0,0006	0,0005	0,0005	0,0004	0,0004	0,0003	
1	0,0067	0,0061	0,0056	0,0051	0,0047	0,0043	0,0039	0,0036	0,0033	0,0030	
2	0,0275	0,0255	0,0236	0,0219	0,0203	0,0188	0,0174	0,0161	0,0149	0,0138	
3	0,0767	0,0719	0,0674	0,0632	0,0591	0,0554	0,0518	0,0485	0,0453	0,0424	
4	0,1641	0,1555	0,1473	0,1395	0,1321	0,1249	0,1181	0,1117	0,1055	0,0996	
5	0,2881	0,2759	0,2640	0,2526	0,2414	0,2307	0,2203	0,2103	0,2006	0,1912	
6	0,4349	0,4204	0,4060	0,3920	0,3782	0,3646	0,3514	0,3384	0,3257	0,3134	
7	0,5838	0,5689	0,5541	0,5393	0,5246	0,5100	0,4956	0,4812	0,4670	0,4530	
8	0,7160	0,7027	0,6892	0,6757	0,6620	0,6482	0,6343	0,6204	0,6065	0,5926	
9	0,8202	0,8097	0,7988	0,7877	0,7764	0,7649	0,7531	0,7411	0,7290	0,7166	
10	0,8942	0,8867	0,8788	0,8707	0,8622	0,8535	0,8445	0,8352	0,8257	0,8159	
11	0,9420	0,9371	0,9319	0,9265	0,9208	0,9148	0,9085	0,9020	0,8952	0,8881	
12	0,9703	0,9673	0,9642	0,9609	0,9573	0,9536	0,9496	0,9454	0,9409	0,9362	
13	0,9857	0,9841	0,9824	0,9805	0,9784	0,9762	0,9739	0,9714	0,9687	0,9658	
14	0,9935	0,9927	0,9918	0,9908	0,9897	0,9886	0,9873	0,9859	0,9844	0,9827	
15	0,9972	0,9969	0,9964	0,9959	0,9954	0,9948	0,9941	0,9934	0,9926	0,9918	
16	0,9989	0,9987	0,9985	0,9983	0,9980	0,9978	0,9974	0,9971	0,9967	0,9963	
17	0,9996	0,9995	0,9994	0,9993	0,9992	0,9991	0,9989	0,9988	0,9986	0,9984	
18	0,9998	0,9998	0,9998	0,9997	0,9997	0,9996	0,9996	0,9995	0,9994	0,9993	
19	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	0,9998	0,9998	0,9998	0,9997	
20	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9999	0,9999	
21							1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	

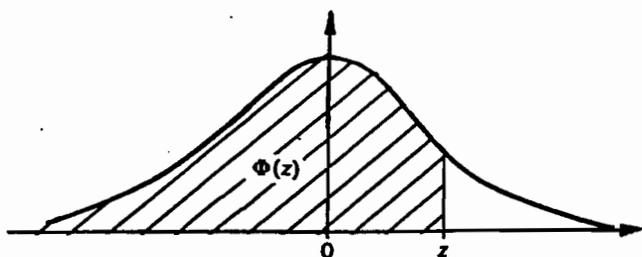
TABLA 3-2. TABLA DE LA DISTRIBUCION DE POISSON

$$e^{-\lambda} \frac{\lambda^x}{x!} \quad \text{para} \quad \lambda = 0,1(0,1)2(0,2)4(1)10$$

λ	x												
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
.1	.9048	.0905	.0045	.0002	.0000								
.2	.8187	.1637	.0164	.0011	.0001	.0000							
.3	.7408	.2222	.0333	.0033	.0002	.0000							
.4	.6703	.2681	.0536	.0072	.0007	.0001	.0000						
.5	.6065	.3033	.0758	.0126	.0016	.0002	.0000						
.6	.5488	.3293	.0988	.0198	.0030	.0004	.0000						
.7	.4966	.3476	.1217	.0284	.0050	.0007	.0001	.0000					
.8	.4493	.3595	.1438	.0383	.0077	.0012	.0002	.0000					
.9	.4066	.3659	.1647	.0494	.0111	.0020	.0003	.0000					
1.0	.3679	.3679	.1839	.0613	.0153	.0031	.0005	.0001	.0000				
1.1	.3329	.3662	.2014	.0738	.0203	.0045	.0008	.0001	.0000				
1.2	.3012	.3614	.2169	.0867	.0260	.0062	.0012	.0002	.0000				
1.3	.2725	.3543	.2303	.0998	.0324	.0084	.0018	.0003	.0001	.0000			
1.4	.2466	.3452	.2417	.1128	.0395	.0111	.0026	.0005	.0001	.0000			
1.5	.2231	.3347	.2510	.1255	.0471	.0141	.0035	.0008	.0001	.0000			
1.6	.2019	.3230	.2584	.1378	.0551	.0176	.0047	.0011	.0002	.0000			
1.7	.1827	.3106	.2640	.1496	.0636	.0216	.0061	.0015	.0003	.0001	.0000		
1.8	.1653	.2975	.2678	.1607	.0723	.0260	.0078	.0020	.0005	.0001	.0000		
1.9	.1496	.2842	.2700	.1710	.0812	.0309	.0098	.0027	.0006	.0001	.0000		
2.0	.1353	.2707	.2707	.1804	.0902	.0361	.0120	.0034	.0009	.0002	.0000		
2.2	.1108	.2438	.2681	.1966	.1082	.0476	.0174	.0055	.0015	.0004	.0001	.0000	
2.4	.0907	.2177	.2613	.2090	.1254	.0602	.0241	.0083	.0025	.0007	.0002	.0000	
2.6	.0743	.1931	.2510	.2176	.1414	.0735	.0319	.0118	.0038	.0011	.0003	.0001	.0000
2.8	.0608	.1703	.2384	.2225	.1557	.0872	.0407	.0163	.0057	.0018	.0005	.0001	.0000
3.0	.0498	.1494	.2240	.2240	.1680	.1008	.0504	.0216	.0081	.0027	.0008	.0002	.0001
3.2	.0408	.1304	.2087	.2226	.1781	.1140	.0608	.0278	.0111	.0040	.0013	.0004	.0001
3.4	.0334	.1135	.1929	.2186	.1858	.1264	.0716	.0348	.0148	.0056	.0019	.0006	.0002
3.6	.0273	.0984	.1771	.2125	.1912	.1377	.0826	.0425	.0191	.0076	.0028	.0009	.0003
3.8	.0224	.0850	.1615	.2046	.1944	.1477	.0936	.0508	.0241	.0102	.0039	.0013	.0004
4.0	.0183	.0733	.1465	.1954	.1954	.1563	.1042	.0595	.0298	.0132	.0053	.0019	.0006
5.0	.0067	.0337	.0842	.1404	.1755	.1755	.1462	.1044	.0653	.0363	.0181	.0082	.0034
6.0	.0025	.0149	.0446	.0892	.1339	.1606	.1606	.1377	.1033	.0688	.0413	.0225	.0113
7.0	.0009	.0064	.0223	.0521	.0912	.1277	.1490	.1490	.1304	.1014	.0710	.0452	.0264
8.0	.0003	.0027	.0107	.0286	.0573	.0916	.1221	.1396	.1396	.1241	.0993	.0722	.0481
9.0	.0001	.0011	.0050	.0150	.0337	.0607	.0911	.1171	.1318	.1318	.1186	.0970	.0728
10.0	.0000	.0005	.0023	.0076	.0189	.0378	.0631	.0901	.1126	.1251	.1251	.1137	.0948

λ	x											
	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
5.0	.0013	.0005	.0002									
6.0	.0052	.0022	.0009	.0003	.0001							
7.0	.0142	.0071	.0033	.0014	.0006	.0002	.0001					
8.0	.0296	.0169	.0090	.0045	.0021	.0009	.0004	.0002	.0001			
9.0	.0504	.0324	.0194	.0109	.0058	.0029	.0014	.0006	.0003	.0001		
10.0	.0729	.0521	.0347	.0217	.0128	.0071	.0037	.0019	.0009	.0004	.0002	.0001

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE N(0,1)

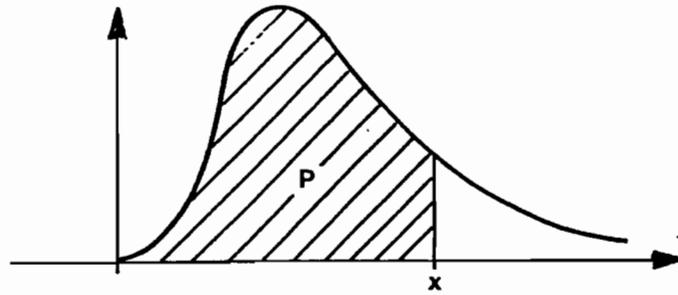


$$\Phi(z) = \int_{-\infty}^z \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2} dx$$

x	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7703	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,90147
1,3	0,90320	0,90490	0,90658	0,90824	0,90988	0,91149	0,91309	0,91466	0,91621	0,91774
1,4	0,91924	0,92073	0,92220	0,92364	0,92507	0,92647	0,92785	0,92922	0,93056	0,93189
1,5	0,93319	0,93448	0,93574	0,93699	0,93822	0,93943	0,94062	0,94179	0,94295	0,94408
1,6	0,94520	0,94630	0,94738	0,94845	0,94950	0,95053	0,95154	0,95254	0,95352	0,95449
1,7	0,95543	0,95637	0,95728	0,95818	0,95907	0,95994	0,96080	0,96164	0,96246	0,96327
1,8	0,96407	0,96485	0,96562	0,96638	0,96712	0,96784	0,96856	0,96926	0,96995	0,97062
1,9	0,97128	0,97193	0,97257	0,97320	0,97381	0,97441	0,97500	0,97558	0,97615	0,97670
2,0	0,97725	0,97778	0,97831	0,97882	0,97932	0,97982	0,98030	0,98077	0,98124	0,98169
2,1	0,98214	0,98257	0,98300	0,98341	0,98382	0,98422	0,98461	0,98500	0,98537	0,98574
2,2	0,98610	0,98645	0,98679	0,98713	0,98745	0,98778	0,98809	0,98840	0,98870	0,98899
2,3	0,98928	0,98956	0,98983	0,920097	0,920358	0,920613	0,920863	0,921106	0,921344	0,921576
2,4	0,921802	0,922024	0,922240	0,922451	0,922656	0,922857	0,923053	0,923244	0,923431	0,923613
2,5	0,923790	0,923963	0,924132	0,924297	0,924457	0,924614	0,924766	0,924915	0,925060	0,925201
2,6	0,925339	0,925473	0,925604	0,925731	0,925855	0,925975	0,926093	0,926207	0,926319	0,926427
2,7	0,926533	0,926636	0,926736	0,926833	0,926928	0,927020	0,927110	0,927197	0,927282	0,927365
2,8	0,927445	0,927523	0,927599	0,927673	0,927744	0,927814	0,927882	0,927948	0,928012	0,928074
2,9	0,928134	0,928193	0,928250	0,928305	0,928359	0,928411	0,928462	0,928511	0,928559	0,928605
3,0	0,928650	0,928694	0,928736	0,928777	0,928817	0,928856	0,928893	0,928930	0,928965	0,928999
3,1	0,930324	0,930646	0,930957	0,931260	0,931553	0,931836	0,932112	0,932378	0,932636	0,932886
3,2	0,933129	0,933363	0,933590	0,933810	0,934024	0,934230	0,934429	0,934623	0,934810	0,934991
3,3	0,935166	0,935335	0,935499	0,935658	0,935811	0,935959	0,936103	0,936242	0,936376	0,936505
3,4	0,936631	0,936752	0,936869	0,936982	0,937091	0,937197	0,937299	0,937398	0,937493	0,937585
3,5	0,937674	0,937759	0,937842	0,937922	0,937999	0,938074	0,938146	0,938215	0,938282	0,938347
3,6	0,938409	0,938469	0,938527	0,938583	0,938637	0,938689	0,938739	0,938787	0,938834	0,938879
3,7	0,938922	0,938964	0,940039	0,940426	0,940799	0,941158	0,941504	0,941838	0,942159	0,942468
3,8	0,942765	0,943052	0,943327	0,943593	0,943848	0,944094	0,944331	0,944558	0,944777	0,944988
3,9	0,945190	0,945385	0,945573	0,945753	0,945926	0,946092	0,946253	0,946406	0,946554	0,946696
4,0	0,946833	0,946964	0,947090	0,947211	0,947327	0,947439	0,947546	0,947649	0,947748	0,947843

x	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.090	3.291	3.891	4.417
Φ(x)	.90	.95	.975	.99	.995	.999	.9995	.99995	.999995
2[1 - Φ(x)]	.20	.10	.05	.02	.01	.002	.001	.0001	.00001

PERCENTILES DE LA DISTRIBUCION JI-CUADRADO

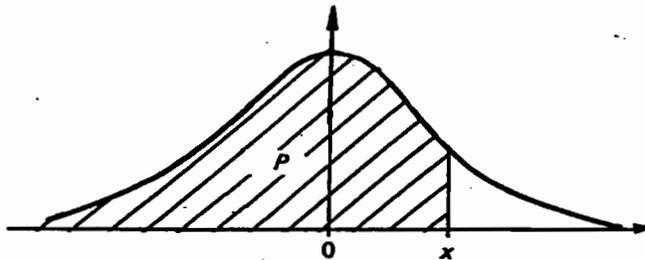


Valores x tales que $P(\chi_k^2 \leq x) = p$, donde p es la probabilidad y k los grados de libertad. El punto x es el percentil de orden p de la distribución χ_k^2 . Para $k > 100$ utilizar que $\sqrt{2\chi_k^2}$ se distribuye aproximadamente $N(\sqrt{2k-1}, 1)$.

$k \backslash p$	0,995	0,99	0,975	0,95	0,90	0,75	0,50	0,25	0,10	0,05	0,025	0,01	0,005
1	7,88	6,63	5,02	3,84	2,71	1,32	0,455	0,102	0,0158	0,0039	0,0010	0,0002	0,0000
2	10,6	9,21	7,38	5,99	4,61	2,77	1,39	0,575	0,211	0,103	0,0506	0,0201	0,0100
3	12,8	11,3	9,35	7,81	6,25	4,11	2,37	1,21	0,584	0,352	0,216	0,115	0,072
4	14,9	13,3	11,1	9,49	7,78	5,39	3,36	1,92	1,06	0,711	0,484	0,297	0,207
5	16,7	15,1	12,8	11,1	9,24	6,63	4,35	2,67	1,61	1,15	0,831	0,554	0,412
6	18,5	16,8	14,4	12,6	10,6	7,84	5,35	3,45	2,20	1,64	1,24	0,872	0,676
7	20,3	18,5	16,0	14,1	12,0	9,04	6,35	4,25	2,83	2,17	1,69	1,24	0,989
8	22,0	20,1	17,5	15,5	13,4	10,2	7,34	5,07	3,49	2,73	2,18	1,65	1,34
9	23,6	21,7	19,0	16,9	14,7	11,4	8,34	5,90	4,17	3,33	2,70	2,09	1,73
10	25,2	23,2	20,5	18,3	16,0	12,5	9,34	6,74	4,87	3,94	3,25	2,56	2,16
11	26,8	24,7	21,9	19,7	17,3	13,7	10,3	7,58	5,58	4,57	3,82	3,05	2,60
12	28,3	26,2	23,3	21,0	18,5	14,8	11,3	8,44	6,30	5,23	4,40	3,57	3,07
13	29,8	27,7	24,7	22,4	19,8	16,0	12,3	9,30	7,04	5,89	5,01	4,11	3,57
14	31,3	29,1	26,1	23,7	21,1	17,1	13,3	10,2	7,79	6,57	5,63	4,66	4,07
15	32,8	30,6	27,5	25,0	22,3	18,2	14,3	11,0	8,55	7,26	6,26	5,23	4,60
16	34,3	32,0	28,8	26,3	23,5	19,4	15,3	11,9	9,31	7,96	6,91	5,81	5,14
17	35,7	33,4	30,2	27,6	24,8	20,5	16,3	12,8	10,1	8,67	7,56	6,41	5,70
18	37,2	34,8	31,5	28,9	26,0	21,6	17,3	13,7	10,9	9,39	8,23	7,01	6,26
19	38,6	36,2	32,9	30,1	27,2	22,7	18,3	14,6	11,7	10,1	8,91	7,63	6,84
20	40,0	37,6	34,2	31,4	28,4	23,8	19,3	15,5	12,4	10,9	9,59	8,26	7,43
21	41,4	38,9	35,5	32,7	29,6	24,9	20,3	16,3	13,2	11,6	10,3	8,90	8,03
22	42,8	40,3	36,8	33,9	30,8	26,0	21,3	17,2	14,0	12,3	11,0	9,54	8,64
23	44,2	41,6	38,1	35,2	32,0	27,1	22,3	18,1	14,8	13,1	11,7	10,2	9,26
24	45,6	43,0	39,4	36,4	33,2	28,2	23,3	19,0	15,7	13,8	12,4	10,9	9,89
25	46,9	44,3	40,6	37,7	34,4	29,3	24,3	19,9	16,5	14,6	13,1	11,5	10,5
26	48,3	45,6	41,9	38,9	35,6	30,4	25,3	20,8	17,3	15,4	13,8	12,2	11,2
27	49,6	47,0	43,2	40,1	36,7	31,5	26,3	21,7	18,1	16,2	14,6	12,9	11,8
28	51,0	48,3	44,5	41,3	37,9	32,6	27,3	22,7	18,9	16,9	15,3	13,6	12,5
29	52,3	49,6	45,7	42,6	39,1	33,7	28,3	23,6	19,8	17,7	16,0	14,3	13,1
30	53,7	50,9	47,0	43,8	40,3	34,8	29,3	24,5	20,6	18,5	16,8	15,0	13,8
40	66,8	63,7	59,3	55,8	51,8	45,6	39,3	33,7	29,1	26,5	24,4	22,2	20,7
50	79,5	76,2	71,4	67,5	63,2	56,3	49,3	42,9	37,7	34,8	32,4	29,7	28,0
60	92,0	88,4	83,3	79,1	74,4	67,0	59,3	52,3	46,5	43,2	40,5	37,5	35,5
70	104,2	100,4	95,0	90,5	85,5	77,6	69,3	61,7	55,3	51,7	48,8	45,4	43,3
80	116,3	112,3	106,6	101,9	96,6	88,1	79,3	71,1	64,3	60,4	57,2	53,5	51,2
90	128,3	124,1	118,1	113,1	107,6	98,6	89,3	80,6	73,3	69,1	65,6	61,8	59,2
100	140,2	135,8	129,6	124,3	118,5	109,1	99,3	90,1	82,4	77,9	74,2	70,1	67,3

PERCENTILES DE LA DISTRIBUCIÓN *t* DE STUDENT

Valores x tales que $P(t_k \leq x) = p$, donde p es la probabilidad y k los grados de libertad. El punto x es el percentil de orden p de la distribución t_k .



$k \backslash P$.75	.90	.95	.975	.99	.995	.9995
1	1.000	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	636.619
2	.816	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	31.598
3	.765	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	12.941
4	.741	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	8.610
5	.727	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	6.859
6	.718	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.959
7	.711	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	5.405
8	.706	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	5.041
9	.703	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.781
10	.700	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.587
11	.697	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.437
12	.695	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	4.318
13	.694	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	4.221
14	.692	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	4.140
15	.691	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	4.073
16	.690	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	4.015
17	.689	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.965
18	.688	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.922
19	.688	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.883
20	.687	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.850
21	.686	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.819
22	.686	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.792
23	.685	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.767
24	.685	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.745
25	.684	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.725
26	.684	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.707
27	.684	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.690
28	.683	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.674
29	.683	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.659
30	.683	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.646
40	.681	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.551
60	.679	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.460
120	.677	1.289	1.658	1.980	2.358	2.617	3.373
∞	.674	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.291

CUMULATIVE F DISTRIBUTION* (m degrees of freedom in numerator; n in denominator)

$$G(F) = \int_0^F \frac{\Gamma\left(\frac{m+n}{2}\right) \Gamma\left(\frac{m}{2}\right) \Gamma\left(\frac{n}{2}\right) x^{m/2} (1-x)^{n/2} (n+mx)^{-(m+n)/2} dx}{\Gamma\left(\frac{m}{2}\right) \Gamma\left(\frac{n}{2}\right)}$$

G	n	m	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	30	60	120	∞	
.90	1	1	39.9	49.5	53.6	55.8	57.2	58.2	58.9	59.4	59.9	60.2	60.7	61.2	61.7	62.3	62.8	63.1	63.3	
.95			161	200	216	225	230	234	237	237	239	241	242	244	246	248	250	252	253	254
.975			648	800	864	900	922	937	948	948	957	963	969	977	985	993	1000	1010	1010	1020
.99			4,050	5,000	5,400	5,620	5,760	5,860	5,930	5,980	6,020	6,060	6,110	6,160	6,210	6,260	6,300	6,340	6,340	6,370
.995			16,200	20,000	21,600	22,500	23,100	23,400	23,700	23,900	24,100	24,200	24,300	24,400	24,600	24,800	25,000	25,000	25,200	25,400
.90	2	2	8.53	9.00	9.16	9.24	9.29	9.33	9.35	9.37	9.38	9.39	9.41	9.42	9.44	9.46	9.47	9.48	9.49	
.95			18.5	19.0	19.2	19.2	19.3	19.3	19.3	19.4	19.4	19.4	19.4	19.4	19.4	19.5	19.5	19.5	19.5	19.5
.975			39.0	39.0	39.2	39.3	39.3	39.3	39.3	39.4	39.4	39.4	39.4	39.4	39.4	39.4	39.5	39.5	39.5	39.5
.99			98.5	99.0	99.2	99.2	99.3	99.3	99.3	99.4	99.4	99.4	99.4	99.4	99.4	99.4	99.5	99.5	99.5	99.5
.995			199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199
.90	3	3	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5.28	5.27	5.25	5.24	5.23	5.22	5.20	5.18	5.17	5.15	5.14	5.13	
.95			10.1	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.89	8.85	8.81	8.79	8.74	8.70	8.66	8.62	8.57	8.55	8.53
.975			17.4	16.0	15.4	15.1	14.9	14.7	14.7	14.6	14.6	14.5	14.5	14.4	14.3	14.2	14.1	14.1	13.9	13.9
.99			34.1	30.8	29.5	28.7	28.2	27.9	27.9	27.7	27.5	27.3	27.2	27.1	26.9	26.7	26.5	26.3	26.3	26.2
.995			55.6	49.8	47.5	46.2	45.4	44.8	44.4	44.4	44.1	43.9	43.7	43.4	43.1	42.8	42.5	42.1	42.1	42.0
.90	4	4	4.54	4.32	4.19	4.11	4.05	4.01	3.98	3.95	3.93	3.92	3.90	3.87	3.84	3.82	3.79	3.78	3.76	
.95			7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.09	6.04	6.00	5.96	5.91	5.86	5.80	5.75	5.69	5.66	5.63
.975			12.2	10.6	9.98	9.60	9.36	9.20	9.07	9.00	8.98	8.90	8.84	8.75	8.66	8.56	8.46	8.36	8.31	8.26
.99			21.2	18.0	16.7	16.0	15.5	15.2	15.0	14.8	14.8	14.7	14.5	14.4	14.2	14.0	13.8	13.7	13.5	13.5
.995			31.3	26.3	24.3	23.2	22.5	22.0	21.6	21.4	21.4	21.1	21.0	20.7	20.4	20.2	19.9	19.6	19.5	19.3
.90	5	5	4.06	3.78	3.62	3.52	3.45	3.40	3.37	3.32	3.32	3.30	3.27	3.24	3.21	3.17	3.14	3.12	3.11	
.95			6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.88	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	4.56	4.50	4.43	4.40	4.37
.975			10.0	8.43	7.76	7.39	7.13	6.98	6.85	6.76	6.68	6.62	6.52	6.43	6.33	6.23	6.12	6.07	6.02	6.02
.99			16.3	13.3	12.1	11.4	11.0	10.7	10.5	10.3	10.2	10.1	10.1	9.89	9.72	9.55	9.38	9.20	9.11	9.02
.995			22.8	18.3	16.5	15.6	14.9	14.5	14.2	14.0	14.0	13.8	13.6	13.4	13.1	12.9	12.7	12.4	12.3	12.1
.90	6	6	3.78	3.46	3.29	3.18	3.11	3.05	3.01	2.98	2.96	2.94	2.90	2.87	2.84	2.80	2.76	2.74	2.72	
.95			5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	3.87	3.81	3.74	3.70	3.67
.975			8.81	7.26	6.60	6.23	5.99	5.82	5.70	5.60	5.52	5.46	5.37	5.37	5.27	5.17	5.07	4.96	4.90	4.85
.99			13.7	10.9	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	7.72	7.72	7.56	7.40	7.23	7.06	6.97	6.88
.995			18.6	14.5	12.9	12.0	11.5	11.1	10.8	10.6	10.4	10.4	10.2	10.0	9.81	9.59	9.36	9.12	9.00	8.88
.90	7	7	3.59	3.26	3.07	2.96	2.88	2.83	2.78	2.75	2.72	2.70	2.67	2.63	2.59	2.56	2.51	2.49	2.47	
.95			5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.78	3.73	3.68	3.64	3.57	3.51	3.44	3.38	3.30	3.27	3.23
.975			8.07	6.54	5.89	5.52	5.29	5.12	4.99	4.90	4.82	4.76	4.76	4.67	4.57	4.47	4.36	4.25	4.20	4.14
.99			12.2	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	6.52	6.47	6.31	6.15	5.99	5.82	5.74	5.68
.995			16.2	12.4	10.9	10.1	9.52	9.16	8.89	8.68	8.51	8.38	8.38	8.18	7.97	7.75	7.53	7.31	7.19	7.08
.90	8	8	3.46	3.11	2.92	2.81	2.73	2.67	2.62	2.59	2.56	2.54	2.50	2.46	2.42	2.38	2.34	2.31	2.29	
.95			5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.44	3.39	3.35	3.28	3.22	3.15	3.08	3.01	2.97	2.93
.975			7.57	6.06	5.42	5.05	4.81	4.65	4.53	4.43	4.36	4.30	4.30	4.20	4.10	4.00	3.89	3.78	3.73	3.67
.99			11.3	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	5.81	5.67	5.52	5.36	5.20	5.03	4.95	4.86
.995			14.7	11.0	9.60	8.81	8.30	7.95	7.69	7.50	7.34	7.21	7.21	7.01	6.81	6.61	6.40	6.18	6.06	5.95

.90	3.36	3.01	2.81	2.69	2.61	2.55	2.51	2.47	2.44	2.42	2.38	2.34	2.30	2.25	2.21	2.18	2.16
.95	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	2.94	2.86	2.79	2.75	2.71
.975	7.21	5.71	5.08	4.72	4.48	4.32	4.20	4.10	4.03	3.96	3.87	3.77	3.67	3.56	3.45	3.39	3.31
.995	10.6	10.1	6.99	6.99	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96	4.81	4.65	4.48	4.40	4.33
.90	3.29	2.92	2.73	2.61	2.52	2.46	2.41	2.38	2.35	2.32	2.28	2.24	2.20	2.15	2.11	2.08	2.06
.95	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.84	2.77	2.70	2.62	2.58	2.54
.975	6.94	5.46	4.83	4.47	4.24	4.07	3.95	3.85	3.78	3.72	3.62	3.52	3.42	3.31	3.20	3.14	3.08
.995	10.0	7.56	6.55	5.99	5.64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	4.71	4.56	4.41	4.25	4.08	4.00	3.91
.90	12.8	9.43	8.08	7.34	6.87	6.54	6.30	6.12	5.97	5.85	5.66	5.47	5.27	5.07	4.86	4.75	4.64
.95	3.18	2.81	2.61	2.48	2.39	2.33	2.28	2.24	2.21	2.19	2.15	2.12	2.06	2.01	1.96	1.93	1.90
.975	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.69	2.62	2.54	2.47	2.38	2.34	2.30
.995	6.55	5.10	4.47	4.12	3.89	3.73	3.61	3.51	3.44	3.37	3.28	3.18	3.07	2.96	2.85	2.79	2.72
.90	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30	4.16	4.01	3.86	3.70	3.54	3.45	3.36
.95	11.8	8.51	7.23	6.52	6.07	5.76	5.52	5.35	5.20	5.09	4.91	4.72	4.53	4.33	4.12	4.01	3.90
.975	3.07	2.70	2.49	2.36	2.27	2.21	2.16	2.12	2.09	2.06	2.02	1.97	1.92	1.87	1.82	1.79	1.76
.995	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.48	2.40	2.33	2.25	2.16	2.11	2.07
.90	6.20	4.77	4.15	3.80	3.58	3.41	3.29	3.20	3.12	3.06	2.96	2.86	2.76	2.64	2.52	2.46	2.40
.95	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80	3.67	3.52	3.37	3.21	3.05	2.96	2.87
.975	10.8	7.70	6.48	5.80	5.37	5.07	4.85	4.67	4.54	4.42	4.25	4.07	3.88	3.69	3.48	3.37	3.26
.995	2.97	2.59	2.38	2.25	2.16	2.09	2.04	2.00	1.96	1.94	1.89	1.84	1.79	1.74	1.68	1.64	1.61
.90	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.28	2.20	2.12	2.04	1.95	1.90	1.84
.95	5.87	4.46	3.86	3.51	3.29	3.13	3.01	2.91	2.84	2.77	2.68	2.57	2.46	2.35	2.22	2.16	2.09
.975	8.10	5.85	4.94	4.43	4.10	3.87	3.70	3.59	3.46	3.37	3.23	3.09	2.94	2.78	2.61	2.52	2.42
.995	9.94	6.99	5.82	5.17	4.76	4.47	4.26	4.09	3.96	3.85	3.68	3.50	3.32	3.12	2.92	2.81	2.69
.90	2.88	2.49	2.28	2.14	2.05	1.98	1.93	1.88	1.85	1.82	1.77	1.72	1.67	1.61	1.54	1.50	1.46
.95	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.09	2.01	1.93	1.84	1.74	1.68	1.62
.975	5.57	4.18	3.59	3.25	3.03	2.87	2.75	2.65	2.57	2.51	2.41	2.31	2.20	2.07	1.94	1.87	1.79
.995	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.07	2.98	2.84	2.70	2.55	2.39	2.21	2.11	2.01
.90	9.18	6.35	5.24	4.62	4.23	3.95	3.74	3.58	3.45	3.34	3.18	3.01	2.82	2.63	2.42	2.30	2.18
.95	2.79	2.39	2.18	2.04	1.95	1.87	1.82	1.77	1.74	1.71	1.66	1.60	1.54	1.48	1.40	1.35	1.29
.975	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.92	1.84	1.75	1.65	1.53	1.47	1.39
.995	5.29	3.93	3.34	3.01	2.79	2.63	2.51	2.41	2.33	2.27	2.17	2.06	1.94	1.82	1.67	1.58	1.48
.90	7.08	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.72	2.63	2.50	2.35	2.20	2.03	1.84	1.73	1.64
.95	8.49	5.80	4.73	4.14	3.76	3.49	3.29	3.13	3.01	2.90	2.74	2.57	2.39	2.19	1.96	1.83	1.69
.975	2.75	2.35	2.13	1.99	1.90	1.82	1.77	1.72	1.68	1.65	1.60	1.54	1.48	1.41	1.32	1.26	1.19
.995	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.18	2.09	2.02	1.96	1.91	1.83	1.75	1.66	1.55	1.43	1.35	1.25
.90	5.15	3.80	3.23	2.89	2.67	2.52	2.39	2.30	2.22	2.16	2.05	1.94	1.82	1.69	1.53	1.43	1.38
.95	6.85	4.79	3.95	3.48	3.17	2.96	2.79	2.66	2.56	2.47	2.34	2.19	2.03	1.86	1.66	1.53	1.38
.975	8.18	5.54	4.50	3.92	3.55	3.28	3.09	2.93	2.81	2.71	2.54	2.37	2.19	1.98	1.75	1.61	1.43
.995	2.71	2.30	2.08	1.94	1.85	1.77	1.72	1.67	1.63	1.60	1.55	1.49	1.42	1.34	1.24	1.17	1.00
.90	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88	1.83	1.75	1.67	1.57	1.46	1.32	1.22	1.00
.95	5.02	3.69	3.12	2.79	2.57	2.40	2.29	2.19	2.11	2.05	1.94	1.83	1.71	1.57	1.39	1.27	1.00
.975	6.63	4.61	3.78	3.32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41	2.32	2.18	2.04	1.88	1.70	1.47	1.32	1.00
.995	7.88	5.30	4.28	3.72	3.35	3.09	2.90	2.74	2.62	2.52	2.36	2.19	2.00	1.79	1.53	1.36	1.00

* This table is abridged from "Tables of Percentage Points of the Inverted Beta Distribution," *Biometrika*, Vol. 33 (1943). It is here published with the kind permission of its authors, Maxine Merrington and Catherine M. Thompson, and the editor of *Biometrika*.